

## ارزیابی پایداری ساختمان خاک در کاربری های مختلف با استفاده از روش فرکتال

علی اصغر ذوالفاری<sup>\*</sup>، محمدعلی حاج عباسی<sup>۲</sup>، علی اکبر زاده<sup>۳</sup> و راضیه خلیلی راد<sup>۴</sup>

-۱- دانشجوی دکتری فیزیک و حفاظت خاک دانشگاه تهران، ۲- دانشیار گروه خاکشناسی دانشگاه صنعتی اصفهان، ۳- فارغ التحصیل کارشناسی ارشد دانشگاه تهران و ۴- فارغ التحصیل کارشناسی ارشد دانشگاه تربیت مدرس.

### مقدمه

پیشرفت های اخیر در زمینه تئوری فرکتال شاخص جدیدی بنام بعد فرکتال (Fractal dimension) را معرفی کرده است که ممکن است برای توصیف توزیع اندازه ای خاکدانه ها مفید واقع شود [۱و۲]. مطابق با نظر مندلبورت (۱۹۸۲) فرکتالها توسط رابطه نمائی بین تعداد و اندازه هدف توصیف می گردند. مقدار بعد فرکتال ( $D$ ) از رابطه زیر بدست می آید.

$$N > x = K(x)^{-D}$$

که  $N$  تعداد تجمعی اهداف بزرگتر از  $X$ ،  $D$  بعد فرکتال و  $K$  ثابتی مساوی با  $x = N$  زمانیکه  $X = 1$  باشد. مقادیر  $D$  به شکل هدفها (خاکدانه ها) بستگی دارد مقادیر بیشتر  $D$  نشاندهند تجزیه بیشتر خاکدانه ها می باشد. پرفکت و همکلان (۱۹۹۲) بعده فرکتال را با استفاده از دو روش شمارش و وزن خاکدانه های باقیمانده در هر الک برآورد کردند. این محققین نشان دادند که بین این دو روش یک رابطه خطی معنی داری ( $R^2 = 0.93$ ) وجود دارد [۲].

### مواد و روشها

تحقیق حاضر در دو عرصه مرتع و جنگل در دو منطقه فریدون شهر (مرتع) و لردگان (جنگل) صورت گرفت در هر عرصه دو کاربری دست خورده و دست نخورده ای انتخاب شد. گیاه غالب منطقه اول (مرتع) گون و کشت غالب منطقه در زمین کشاورزی یونجه و حبوبات می باشد. پوشش گیاهی غالب منطقه دوم (جنگل) درخت بلوط کشت غالب منطقه در زمین کشاورزی دیمزار گندم و جو می باشد. نمونه برداری از هر عرصه از سه ایستگاه و از دو عمق ۰-۷ و ۷-۱۵ سانتیمتری انجام شد. در این مطالعه پایداری خاکدانه ها به روش الک تر و با استفاده از میانگین وزنی قطر خاکدانه ها.

### تخمین بعد فرکتال

برای محاسبه تعداد خاکدانه ها باقی مانده در روی آمین الک از شبکه الک ها با استفاده از داده های وزنی خاکدانه می توان از معادله زیر استفاده کرد (۲):

$$N_i = \frac{M(x_i)}{x_i^3}$$

وزن خاکدانه ها بر حسب گرم در روی آمین الک و  $x_i$  اندازه خاکدانه ها بر حسب میلیمتر می باشد. در نتیجه معادله زیر، با فرض ثابت بودن شکل و چگالی خاکدانه ها در روی هر الک برای تخمین بعد فرکتال بدست می آید.

$$\sum_{x=1}^X \frac{M(x)}{x^3} = K_c x^{-D}$$

زمانی که  $x = 1$  باشد. با لگاریتم گرفتن از طرفین معادله می توان  $\log[M(x)/x^3]$  در مقابل  $\log X$  رسم نمود که شبیه خط بdst آمده مقدار منفی بعد فرکتال و عرض از مبدا خط مقدار  $K_c$  را نشان می دهد. در این مطالعه از داده های الک تر برای تعیین بعد فرکتال استفاده شد. برای اینکار مقدار تجمعی  $M(x)/x^3$  (تعداد تجمعی خاکدانه های هر الک) که شامل الک های ۱، ۲، ۰/۵، ۰/۰، ۰/۲۵ و ۱/۰ بود، بدست آمد. در مرحله بعد، لگاریتم مقادیر تجمعی  $M(x)/x^3$  برای هر الک در مقابل لگاریتم  $X$  همان الک رسم شد و بهترین خط رگرسیون برای تعیین بعد فرکتال برآش داده شد [۱].

## نتایج و بحث

چون اختلاف معنی داری در عمق های مختلف دیده نشد بنابراین از میانگین داده ها برای تجزیه و تحلیل آماری استفاده شد. تبدیل اراضی جنگلی و مرتع به زمین کشاورزی سبب افزایش بعد فرکتال گردیده است (جدول ۱) و این بیانگر تجزیه یا شکستگی بالاتر خاکدانه ها می باشد. بعد فرکتال صفر، نشان دهنده خاکدانه های درشت ولی با تعداد بسیار اندک است. و هر چه بعد فرکتال افزایش یابد، یعنی تعداد خاکدانه ها افزایش یافته و اندازه آن ها کوچکتر شده است این نتایج مشایه نتایج پیرمدادیان و همکاران بود [۲]. لذا می توان نتیجه گرفت که تغییر در کاربری اراضی و انجام شخم سبب افزایش تعداد خاکدانه های با اندازه کوچکتر می شود. برای کلیه خاک ها (جنگل و مرتع) معادله لگاریتمی زیر بین MWD و بعد فرکتال فیت شد  $D = -0.61 \ln(MWD) + 2.69$ . این معادله بیانگر اینست که بطور کلی رابطه بین MWD و بعد فرکتال منفی است و یعنی با افزایش بعد فرکتال، MWD کاهش می یابد.

جدول ۱- تغییرات بعد فرکتال و MWD در مرتع و جنگل\*

MWD در مرتع (mm)	MWD در جنگل (mm)	بعد فرکتال در (بدون واحد)	مرتع (بدون واحد)	نوع کاربری
۰/۴۲۰ <sup>a</sup>	۰/۵۸۸ <sup>a</sup>	۳ <sup>a</sup>	۳/۳۱ <sup>a</sup>	دست نخورد
۰/۲۶۰ <sup>b</sup>	۰/۳۱۰ <sup>b</sup>	۳/۴۵ <sup>b</sup>	۳/۵۶ <sup>b</sup>	دست خورد
%۴۵	%۴۰	%۶	%۷	ضریب پراکندگی (CV)

\* حروف مختلف در هر ستون نشان دهنده اختلاف معنی دار در سطح ۱٪ می باشد.

بعد فرکتال در خاک های دست نخورد و دست خورد جنگل و مرتع ضریب پراکندگی کمتری را نسبت به MWD نشان می دهد. این ضریب نشان می دهد که انحراف معیار نسبت به میانگین در داده های بعد فرکتال کمتر از داده های مربوط به MWD بوده و لذا استفاده از روش محاسبه بعد فرکتال برای تعیین ارزیابی ساختمن خاک پراکندگی کمتر را خواهد داشت.

جدول ۲- ماتریس همبستگی بین پارامترهای فیزیکی مختلف

متغیر	بعد فرکتال	MWD	هدایت هیدرولیکی	ماده آلی	بعد فرکتال در	جگالی ظاهری
۱	-۰/۸۱***	۱				بعد فرکتال
	-۰/۶**	۰/۵۶**	۱			هدایت هیدرولیکی
	-۰/۷***	۰/۶۴***		۰/۵۹**	۱	ماده آلی
	۰/۶۴***	-۰/۶۸***		-۰/۴۵*	-۰/۰۱	چگالی ظاهری

نشان دهنده معنی دار شدن در سطح ۰/۰۵ می باشد، \*\* نشان دهنده معنی دار شدن در سطح ۰/۰۱ می باشد، \*\*\* نشان دهنده معنی دار شدن در سطح ۰/۰۰۱ می باشد و \*\*\*\* نشان دهنده معنی دار نبودن می باشد.

همبستگی بین بعد فرکتال با میانگین وزنی قطر خاکدانه ها، هدایت هیدرولیکی و ماده آلی منفی بود (جدول ۲). این مطلب نشان میدهد که با افزایش بعد فرکتال کلیه فاکتورهای مذکور کاهش می یابد. اما همبستگی بین بعد فرکتال و چگالی ظاهری خاک مثبت بود که نشان می دهد با افزایش بعد فرکتال چگالی ظاهری خاک افزایش می یابد. با مقایسه همبستگی های بین میانگین وزنی قطر خاکدانه ها با دیگر خصوصیات فیزیکی و همبستگی بین فرکتال با همان خصوصیات فیزیکی مشخص می گردد که هر جاییکه همبستگی بین میانگین وزنی قطر خاکدانه ها و پارامتر فیزیکی مورد نظر مثبت است، همبستگی بین فرکتال و آن پارامتر منفی می باشد. این مطلب بیانگر اینست که برخلاف میانگین وزنی قطر خاکدانه ها، که افزایش این پارامتر نشان دهنده پایداری بیشتر خاکدانه ها و بدنبال آن بهبود برخی از خصوصیات فیزیکی است، افزایش بعد فرکتال نشان دهنده افزایش تجزیه خاکدانه های بزرگتر به خاکدانه های کوچکتر و در نتیجه

کاهش عواملی چون هدایت هیدرولیکی، میانگین وزنی قطر خاکدانه‌ها و ماده آلی و افزایش پارامترهایی از قبیل چگالی ظاهری می‌باشد.

## منابع

- [1] Perfect, E., V. Rasiah and B. D. Kay. 1992. Fractal Dimensions of soil aggregate-size distributions calculated by number and mass. *Soil Sci. Soc. Am. J.* 56:1407-1409.
- [2] Pirmoradian, N., A. R. Sepaskhah and M. A. Hajabbasi. 2005. Application of fractal theory to quantify soil aggregate stability as influence by tillage treatments. *Biosystems Engineering*. 90(2):227-234.