



## تعیین ضریب نفوذپذیری بر اساس منحنی دانه بندی

محمد مهدی حیدری<sup>1</sup>

1- دانشجوی دکتری سازه های آبی دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات خوزستان و عضو باشگاه پژوهشگران جوان دانشگاه آزاد اسلامی واحد کاشان

[mehdiheydari1@yahoo.com](mailto:mehdiheydari1@yahoo.com)

### چکیده

چندین معادله تجربی برای محاسبه ضریب هدایت هیدرولیکی با استفاده از توزیع اندازه دانه های مواد آبخوان تحکیم نیافته در این مطالعه ارزیابی شده است. تجزیه و تحلیل درجه بندی نمونه های خاک برای تعیین طبقه بندی و توزیع ذرات انجام شد؛ هدایت هیدرولیک هر نمونه محاسبه شد. نتایج نشان داد که تمام هفت فرمول تجربی قابل اطمینان هدایت هیدرولیک نمونه های خاک در محدوده شناخته شده تخمین زدند. فرمول کوژنی-کارمن نشان داد که این بهترین برآورد کننده نمونه ها در بسیاری از تجزیه و تحلیل ها است.

کلمات کلیدی: ضریب نفوذپذیری ، فرمول تجربی ، منحنی دانه بندی.

### مقدمه

در هیدرولوژی آبهای زیرزمینی ، شناخت هدایت هیدرولیکی اشباع خاک برای مدلسازی جریان آب در خاک ، در هر دو صورت منطقه اشباع و غیراشباع و انتقال مواد آلاینده های محلول آب در خاک بسیار ضروری است. همچنین یک پارامتر مهم برای طراحی زهکشی منطقه و احداث سد خاکی و خاکریز و دایک است. یکی از روش های برآورد هدایت هیدرولیکی از طریق فرمولهای تجربی است که بر اساس اندازه دانه و مشخصات توزیع دانه بندی توسعه یافته اند و برای غلبه بر این مشکلات مورد استفاده قرار می گیرند. روشهای اندازه دانه ارزان تر هستند و به هندسه و مرزهای هیدرولیک آبخوان بستگی ندارد. در نتیجه ، متخصصان آبهای زیرزمینی برای چند دهه سعی کردند تا بین هدایت هیدرولیکی و اندازه دانه ها رابطه برقرار کنند. کارهای انجام شده پیشرفت های رو به جلوی داشته ، اما دریافت شده که این رابطه به آسانی برقرار نمی شود (پیندر و سلیا 2006). بررسی هایی زیادی توسط محققان روی این رابطه انجام شده و چندین فرمول بر اساس کار تجربی بدست آمده است. توسط کازنی (1927) فرمولی پیشنهاد شد و توسط کارمن (1937 و 1956) تغییر و اصلاح شد تا معادله کازنی-کارمن ارائه شود. کارهای دیگری توسط هیزن (1892) ، شپرد (1989)، آلیامانی و شن (1993) ، ترزاقی و پک (1964) انجام شد. بنابراین ، هدف از این مقاله ، این است که ارزیابی کاربردی بودن و قابلیت اطمینان برخی از فرمولهای تجربی متداول مورد استفاده برای تعیین هدایت هیدرولیکی خاک و مصالح سنگ تحکیم نیافته است.

### فرمولهای تجربی متداول

هدایت هیدرولیکی (K) را می توان با آنالیز اندازه ذرات رسوب و با استفاده از معادلات تجربی مربوط به آن که به برخی از ویژگی اندازه ذرات رسوب مربوط می شود تخمین زد. و کوویچ و سورو (1992) ، به بیان مختصری در روش های مختلف از مطالعات تجربی سابق پرداختند و فرمول کلی زیر را ارائه کردند:

$$K = \frac{g}{n} \cdot C \cdot f(n) \cdot d_e^2 \quad (1)$$



که در آن  $K$ : هدایت هیدرولیکی،  $g$ : شتاب ثقل،  $v$ : ویسکوزیته سینماتیکی،  $C$ : ضریب مرتب سازی،  $f(n)$ : تابع تخلخل و  $de$  قطر موثر ذرات است. ویسکوزیته سینماتیکی ( $v$ ) به لزجت دینامیکی ( $\mu$ ) و چگالی سیال (آب) ( $\rho$ ) وابسته است و به شرح زیر است:

$$n = \frac{m}{r} \quad (2)$$

مقادیر  $C$ ،  $f(n)$  و  $de$  به روش های مختلف مورد استفاده در آنالیز اندازه دانه ها بستگی دارند. به عقیده و کوویچ و سورو (1992)، تخلخل ( $n$ ) ممکن است از یک رابطه ای تجربی با استفاده از ضریب یکنواختی ذرات ( $U$ ) بدست آید مثل رابطه زیر:

$$n = 0.255(1 + 0.83^U) \quad (3)$$

که در آن  $U$  ضریب یکنواختی دانه ها است و عبارتست از:

$$U = \left( \frac{d_{60}}{d_{10}} \right) \quad (4)$$

که در اینجا،  $D60$  و  $D10$  در فرمول مربوط به قطر ذراتی (میلی متر) است که برای آنها، 60 درصد و 10 درصد از نمونه به ترتیب از آن کوچکترند. مطالعات گذشته فرمولهای زیر را که در بردارنده شکل کلی معادله (1) فوق است را ارائه داده اند اما تفاوت آنها در مقادیر  $C$ ،  $f(n)$  و  $de$  و دامنه کاربرد آنهاست.

$$K = \frac{g}{n} \times 6 \times 10^{-4} \times [1 + 10(n - 0.26)] \times d_{10}^2 \quad (5) \text{ هیزن:}$$

فرمول هیزن در اصل برای تعیین هدایت هیدرولیکی شن و ماسه یکنواخت قابل استفاده است، اما همچنین برای شن و ماسه ریز نیز مفید باشد، مشروط به اینکه ذرات دارای ضریب یکنواختی کمتر از 5 و اندازه قطر موثر بین 0/1 و 3 میلیمتر باشند.

$$K = \frac{g}{n} \times 8.3 \times 10^{-3} \times \left[ \frac{n^3}{(1-n)^2} \right] \times d_{10}^2 \quad (6) \text{ کازنی- کارمن:}$$

معادله کازنی- کارمن یکی از متداول ترین و گسترده ترین معادلات پذیرفته شده با استفاده از نتایج نفوذ پذیری به عنوان تابعی از ویژگی های متوسط خاک استفاده می شود. این معادله در اصل توسط کازنی (1927) پیشنهاد شد و سپس توسط کارمن (1937 و 1956) تغییر یافته و اصلاح گردید و تبدیل به معادله کازنی-کارمن شد. این معادله برای هر خاکی که دارای اندازه مؤثر بالاتر از 3 میلیمتر یا برای خاکهای رسی (کریر 2003) مناسب نیست.

$$K = \frac{g}{n} \times 6 \times 10^{-4} \times \log \frac{500}{U} \times d_{10}^2 \quad (7) \text{ بریر:}$$

روش بریر، تخلخل را در نظر نمی گیرد و در نتیجه، تابع تخلخل برابر 1 در نظر گرفته می شود. فرمول بریر اغلب بیشتر برای مواد با توزیع ناهمگن و غیریکنواخت و مرتب سازی ضعیف دانه ها و با ضریب یکنواختی بین 1 تا 20 و اندازه موثر ذرات بین 0/06 و 0/6 میلیمتر قابل استفاده و مفید است.

$$K = \frac{g}{n} \times 1 \times 10^{-2} \times n^{3.287} \times d_{10}^2 \quad (8) \text{ اسلیچر:}$$

فرمول اسلیچر بیشتر برای اندازه ذرات بین 0/01 تا 5 میلیمتر قابل استفاده است.

$$K = \frac{g}{n} \times C_t \times \left( \frac{n - 0.13}{\sqrt[3]{1-n}} \right)^2 \times d_{10}^2 \quad (9) \text{ ترزاقی:}$$

در فرمول ترزاقی  $C_t$ : ضریب مرتب سازی و بین مقادیر  $6/1 \times 10^{-3}$  و  $10/7 \times 10^{-3}$  است. در این مطالعه، مقدار متوسط  $C_t$  استفاده می شود. فرمول ترزاقی بیشتر قابل استفاده برای شن و ماسه دانه بزرگ است (چنگ و چن 2007).



$$K = \frac{g}{n} \times 4.8 \times 10^{-4} \times d_{20}^{0.3} \times d_{20}^2 \quad ; \text{ USBR (10)}$$

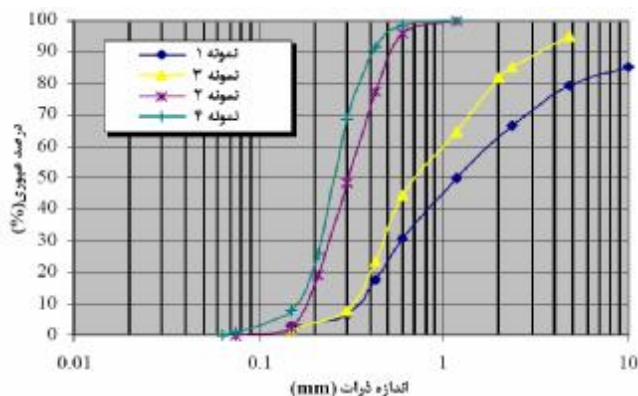
کمیته آبادانی ایالات متحده (USBR) فرمولی را برای محاسبه ضریب هدایت هیدرولیکی با توجه به اندازه موثر ذرات ( $d_{20}$ ) و عدم وابستگی به تخلخل ارائه کرده است. از این رو تابع تخلخل برابر 1 است. فرمول برای شن و ماسه دانه متوسط با ضریب یکنواختی کمتر از 5 مناسب است (چنگ و چن 2007).

$$K = 1300 \times [I_o + 0.025(d_{50} - d_{10})]^2 \quad ; \text{ آلیامانی و شن (11)}$$

در فرمول آلیامانی و شن ،  $K$  ضریب هدایت هیدرولیکی (متر در روز) ،  $I_o$  محل تقاطع شیب منحنی حاصل از خط اتصال  $d_{10}$  و  $d_{50}$  منحنی توزیع دانه‌ها است ،  $D_{10}$  قطر موثر دانه (میلیمتر) ، و  $D_{50}$  متوسط قطر دانه (میلیمتر) است.

### نتایج و بحث

آنالیز توزیع اندازه ذرات (دانه بندی): نتایج حاصل از تجزیه و تحلیل توزیع اندازه ذرات در چهار نمونه خاک مورد مطالعه را نشان می دهد.



شکل 1- منحنی توزیع ذرات (دانه بندی) نمونه های خاک

با استفاده از کلیه این نتایج ، ضریب هدایت هیدرولیکی با استفاده از هفت فرمول تجربی بحث شده در بالا محاسبه شد و در جدول 1 ارائه شده است. از آنجا که ضریب گرانیروی سینماتیک نیز برای برآورد هدایت هیدرولیکی لازم است ، مقداری برابر با 0/0874 متر مربع بر روز برای درجه حرارت آب 20 درجه سانتی گراد در این مطالعه در نظر گرفته شد.



جدول 1- مقادیر هدایت هیدرولیکی محاسبه شده از آنالیز اندازه ذرات با استفاده از فرمولهای تجربی

نمونه 4	نمونه 3	نمونه 2	نمونه 1	نمونه ها و
ماسه متوسط	ماسه درشت	ماسه متوسط	ماسه گراول دار	طبقه بندی آنها
0/157	0/310	0/180	0/339	d10 (mm)
0/189	0/40	0/220	0/468	d20 (mm)
0/258	0/720	0/330	1/180	d50 (mm)
0/280	1/00	0/345	1/80	d60 (mm)
1/783	3/226	1/917	5/309	U
0/438	0/395	0/433	0/349	n
0/139	0/254	0/157	0/249	Io (mm)
34/439	113/50	44/454	-----	هیزن (متربر روز)
45/591	112/495	56/882	80/139	کازنی- کارمن (متربر روز)
30/324	105/787	39/347	114/009	بربر (متربر روز)
13/689	38/001	17/327	30/249	اسلیچر (متربر روز)
-----	66/381	-----	51/630	ترزاقی (متربر روز)
8/713	-----	12/356	-----	USB (متربر روز)
26/038	90/776	33/593	94/788	آلیامانی و شن (متربر روز)

### نتیجه گیری

بر اساس تجزیه و تحلیل ها و نتایج فوق ، نتایج زیر را می تواند برداشت کرد: 1- برآورد هدایت هیدرولیکی خاک بر اساس مشخصات دانه بندی می تواند به نسبت ، مقادیر کمتر و یا بیشتر از مقدار واقعی تخمین زده شود مگر آنکه روش مناسبی انتخاب و استفاده شود. 2- برای نمونه های مورد مطالعه ، و نتایج بدست آمده ممکن است برای طیف گسترده ای از نوع خاک قابل استفاده باشد، بهترین برآورد کلی از نفوذ پذیری بر اساس فرمول کازنی-کارمن و به دنبال آن فرمول هیزن بدست آمده است. با این حال ، فرمول بربر بهترین روش برای برآورد خاک های با ناهمگنی بیشتر است. 3- فرمولهای اسلیچر، ترزاقی و USB در مقایسه با دیگر فرمولهای ارزیابی شده برآورد کمتری از هدایت هیدرولیکی ارائه می کنند. 4- فرمول آلیامانی و شن بسیار به شکل منحنی دانه بندی حساس است و باید با دقت زیاد مورد استفاده قرار گیرد. 5- بنابراین ، فرمول های مناسب برای محاسبه هدایت هیدرولیکی نمونه ها در این مطالعه عبارت بود از قرار زیر : 1- برای نمونه 1 فرمول بربر مناسب است .  $K = 114.009 \text{ m/day}$  2- برای نمونه 2 فرمول کازنی-کارمن مناسب است .  $K = 56.882 \text{ m/day}$  3- برای نمونه 3 فرمول کازنی-کارمن مناسب است . فرمولهای هیزن و بربر نیز قابل قبول هستند.  $K = 112.495 \text{ m/day}$  4- برای نمونه 4 فرمول کازنی-کارمن مناسب است .  $K = 45.591 \text{ m/day}$

### منابع

- Alyamani, M.S., and Sen, Z. 1993. Determination of Hydraulic Conductivity from Grain-Size Distribution Curves. *Ground Water*, 31,551-555.
- Carman, P.C. 1956. *Flow of Gases through Porous Media*. Butterworths Scientific Publications, London.
- Carrier, W.D. 2003. Goodbye, Hazen; Hello, Kozeny-Carman. *Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering*. 1054.



- Cheng, C., and Chen, X. 2007. Evaluation of Methods for Determination of Hydraulic Properties in an Aquifer- Aquitard System Hydrologically Connected to River. *Hydrogeology Journal*. 15: 669-678
- Hazen, A. 1892. Some Physical Properties of Sands and Gravels, with Special Reference to their Use in Filtration. 24th Annual Report, Massachusetts State Board of Health, Pub.Doc. No.34, 539-556
- Kozeny, J. 1927. Uber Kapillare Leitung Des Wassers in Boden. *Sitzungsber Akad. Wiss.Wien Math.Naturwiss.Kl., Abt.2a*, 136,271-306 (In German).
- Pinder, G. F., and Celia, M. A. 2006. *Subsurface Hydrology*. John Wiley & Sons Inc., Hoboken, New Jersey.
- Shepherd, R.G. 1989. Correlations of Permeability and Grain Size. *Groundwater*. 27(5):663-638.
- Terzaghi, K., and Peck, R.B. 1964. *Soil Mechanics in Engineering Practice*. Wiley, New York.
- Todd, D.K., and Mays, L.W. 2005. *Groundwater Hydrology*. John Wiley & Sons, New York .