



## اثر ظرف در اندازه‌گیری رطوبت خاک با پرتوهای گاما به روش شبه‌سازی مونت کارلو

طاهره عباس آباد عربی و حسین توکلی عنبران\*

دانشگاه صنعتی شاهرود، دانشکده فیزیک، گروه هسته‌ای  
(آدرس پست الکترونیکی مکاتبه کننده) [tavakoli.anbaran@gmail.com](mailto:tavakoli.anbaran@gmail.com)

### چکیده

در اندازه‌گیری رطوبت خاک با استفاده از پرتوی گاما از درصد تضعیف آن پرتو در عبور از خاک استفاده می‌شود که خود با افزایش یا کاهش رطوبت دچار تغییر می‌شود. در عمل خاک مورد مطالعه درون ظرف قرار دارد و در نتیجه سبب تضعیف بیشتر دسته پرتوی گاما و خطا در اندازه‌گیری رطوبت می‌شود. در این تحقیق با بررسی پارامترهایی همچون انرژی باریکه گاما، مکان چشمه- نمونه خاک- آشکارساز و ... بر روی خطای حاصل از حضور ظرف اقدام به بهینه کردن سیستم اندازه‌گیری و افزایش دقت روش فوق شد. ابتدا با استفاده از کد MCNP-4C سامانه مورد مطالعه شبه‌سازی شد. سپس برای یک نمونه تجربی محاسبات انجام شد. در نهایت در شرایط بهینه رطوبت خاک، با دقت بالایی بدست آمد و مشخص شد با افزایش انرژی پرتوی گاما خطای حاصل از اثر ظرف در محاسبه رطوبت خاک، کاهش می‌یابد.

کلمات کلیدی: اثر ظرف، پرتوی گاما، رطوبت خاک، شبه‌سازی مونت کارلو، کد MCNP-4C

### مقدمه

خاک از سه فاز جامد مایع و گاز تشکیل شده است. بسیاری از خصوصیات خاک به مقدار آب موجود در آن بستگی دارد. فعالیت موجودات زنده و کنش‌های شیمیایی خاک تابعی از مقدار رطوبت است. دانستن رطوبت خاک به دو دلیل دارای اهمیت است، (1) معلوم بودن مقدار رطوبت خاک جهت محاسبه مقدار آب مورد نیاز به صورت آبیاری و بارندگی و عمقی که مقدار معینی آب می‌تواند نفوذ کند، ضرورت دارد، (2) با اندازه‌گیری‌های متوالی و مستمر مقدار رطوبت می‌توان مقدار تبخیر و تعریق که از مهمترین بخش تلفات آب در چرخه هیدرولوژی به شمار می‌رود را تعیین کرد. مهمترین روش‌های اندازه‌گیری رطوبت عبارتند از: روش جرمی یا حجمی (از طریق خشک کردن نمونه خاک در کوره که همان روش وزنی است)، استفاده از دستگاه نوترون متر، تضعیف پرتو گاما و بلوک گچی. در کارهای مشابه که توسط دیگران انجام شده است (Baytas, 2001)، (Bilskie, 2001)، (Celik, 2010)، (Demir, 2008)، (Pires, 2005) در محاسبات از فاز گازی خاک صرف نظر شده بود، که ما در کار قبلی خود (عباس آباد عربی ط، 1389) با استفاده از روش تضعیف پرتو گاما رطوبت خاک را با در نظر گرفتن فاز گازی آن بدست آوردیم. اما در این تحقیق در ادامه تکمیل کار قبلی با بهینه کردن سامانه اندازه‌گیری به دنبال کاهش اثر ظرف بر روی اندازه‌گیری رطوبت می‌باشیم. در این روش تضعیف باریکه گاما به انرژی آن، چگالی، ضخامت و رطوبت خاک بستگی دارد و اگر چگالی خاک خشک ثابت بماند می‌توان گفت که تغییرات شدت تابش به رطوبت خاک بستگی دارد (Baytas, 2001)، (Demir, 2008)، (Pires, 2005).

### مواد و روشها

اگر یک باریکه موازی و خیلی باریک گاما از یک ماده‌ای به ضخامت  $x$  عبور کند مطابق با معادله بیر- لامبرت (Beer-Lambert) به صورت زیر تضعیف می‌شود:



$$I = I_0 \exp(-m x) \quad [1]$$

که  $I_0$  و  $I$  به ترتیب شدت اولیه و عبوری از ضخامت  $x$  و ضریب تضعیف خطی پرتوی گاما است. با تغییر رطوبت خاک تعداد عناصر هیدروژن و اکسیژن خاک و به تبعه آن درصد وزنی تک تک عناصر موجود در خاک تغییر کرده و در نهایت سبب تغییر ضریب تضعیف خاک مرطوب، نسبت به حالت قبل از آن می‌شود و در نتیجه درصد باریکه موازی پرتو گاما نسبت به حالت اول تغییر کرده و از روی این تغییر می‌توان اقدام به محاسبه رطوبت خاک کرد. خاک از سه فاز جامد، مایع و گاز تشکیل شده است، لذا ضریب تضعیف جرمی آن از رابطه زیر بدست می‌آید (Tsoulfanidis, 2008):

$$\frac{m_{wet}}{r_{wet}} = \frac{m_s}{r_s} w_s + \frac{m_w}{r_w} w_w + \frac{m_a}{r_a} w_a \quad [2]$$

جمله سمت چپ تساوی مربوط به خاک مرطوب است که سه فاز دارد و  $r_a, r_w, r_s, r_{wet}$  به ترتیب چگالی هوا، آب، خاک خشک و چگالی خاک مرطوب می‌باشد.  $m_a, m_w, m_s, m_{wet}$  به ترتیب ضرایب تضعیف خطی هوا، آب، خاک خشک و مرطوب هستند و در نهایت  $w_a, w_w, w_s$  به ترتیب درصد وزنی فاز گاز، مایع و جامد در خاک مورد مطالعه می‌باشند. پس از ساده سازی رابطه [2] داریم:

$$m_{wet} = m'_s \frac{m_s}{V_{wet}} + m_w \frac{V_w}{V_{wet}} + m_a \frac{V_a}{V_{wet}} \quad [3]$$

که در آن  $V_a, V_w, V_{wet}$  به ترتیب حجم خاک مرطوب، حجم آب و حجم هوای موجود در خاک،  $m_s$  جرم خاک خشک و  $m'_s$  ضریب تضعیف خاک است. بنا به تعریف نسبت جرم فاز جامد خاک به حجم خاک مرطوب را چگالی ظاهری ( $r'_s = \frac{m_s}{V_{wet}}$ )، نسبت حجم آب به حجم خاک مرطوب را رطوبت حجمی ( $q_v = \frac{V_w}{V_{wet}}$ )، نسبت حجم هوای موجود در خاک به حجم خاک مرطوب را هوای نسبی خاک مرطوب ( $q_a = \frac{V_a}{V_{wet}}$ ) می‌نامیم. پس رابطه‌ی [1] به صورت زیر در می‌آید:

$$I = I_0 \exp[-(m'_s r'_s + q_v m_w + q_a m_a) x] \quad [4]$$

با توجه به اینکه چگالی آب ( $1 \text{ g.cm}^{-3}$ ) است می‌توان  $m_w = m'_w$  گرفت و از روی آن با داشتن مقادیر  $m'_s r'_s, m'_w, q_a m_a, x$  و قرار دادن در رابطه [4] رطوبت حجمی را از رابطه زیر بدست آورد:

$$q_v = \frac{-1}{x m'_w} \left[ \ln\left(\frac{I}{I_0}\right) + r'_s m'_s + q_a m_a \right] \quad [5]$$

با استفاده از کد MCNP-4C برای یک ضخامت معین خاک ( $x$ )، با مشخص بودن مقادیر  $m'_s r'_s, m'_w, q_a m_a$  نسبت شار عبور کرده به شار اولیه پرتوی گاما در یک انرژی خاص بدست می‌آید و با قرار دادن این مقدار در رابطه [5] رطوبت حجمی ( $q_v$ ) و رطوبت جرمی قابل محاسبه است. در شبیه‌سازی مونت کارلو از کد MCNP-4C و تالی F2 بر حسب انرژی با پهنای انرژی  $\Delta E = 10^{-5} \text{ MeV}$  بر روی سطح پنجره آشکارساز استفاده شد تا از روی آن تعداد پرتوهای عبوری از ضخامت  $x$  خاک بدون اندرکنش (در نتیجه انرژی آن با انرژی پرتوهای گامای چشمه یکسان است با خطای  $\Delta E = 10^{-5} \text{ MeV}$ ) بدست آید. آشکار ساز از نوع CsI(Tl) به ابعاد  $1 \times 2 \text{ in}$ ، نمونه خاک تجربی در استوانه‌ای به شعاع داخلی  $0/5 \text{ cm}$  و ضخامت  $0/15 \text{ cm}$ ، که انتهای بسته آن به صورت نیم کره با همان شعاع و ضخامت، در فاصله  $10 \text{ cm}$  از آشکارساز قرار داده شده است دارای چگالی  $1/56 \text{ g.cm}^{-3}$ ، رطوبت  $0/634 \%$  و  $8/72 \text{ PH}$  است و چشمه یک باریکه موازی به شعاع سطح مقطع  $0/05 \text{ cm}$  است که جزئیات آنها به ترتیب در جداول 1 و 2 بیان شده‌اند.



جدول 1- عناصر موجود در نمونه خاک تجربی به همراه درصد وزنی هر یک.

عناصر	H	C	O	Na	Mg	Al	Si	K	Ca	Fe
درصد وزنی	0/0376	0/05936	0/55856	0/00075	0/03627	0/0094	0/3456	0/00083	0/04498	0/02381

برای آن که شبیه‌سازی با واقعیت مطابقت داشته باشد، در شبیه‌سازی برای خاک یک ظرف در نظر گرفته شده است. ظرف پلاستیکی استفاده شده، ترکیبی از 75% کپلیمر استایرن و 25% آکریلونیتریل با فرمول  $C_{27}H_{27}N$ ، چگالی  $1/08 \text{ g/cm}^3$  و معروف به SAN است (براون، 1380) و (<http://>). حضور ظرف سبب افزایش تضعف باریک گاما می‌شود و این اثر دقت اندازه‌گیری رطوبت را کاهش می‌دهد. برای بدست آوردن تضعیف پرتوهای گامای ناشی از حضور ظرف خاک، ابتدا ظرف بدون خاک را در سامانه اندازه‌گیری رطوبت قرار داده، سپس شار رسیده به پنجره آشکارساز را ثبت می‌کنیم و در مرحله دوم همین فرایند را بدون حضور ظرف انجام می‌دهیم و از تفاضل این دو، تضعیف پرتوهای گامای ناشی از حضور ظرف به تنهایی بدست می‌آید.

جدول 2- مقادیر شار سطحی (F2) در دو حالت به همراه شار تضعیف شده ناشی از حضور ظرف برای دو چشمه  $^{60}\text{Co}$  و  $^{137}\text{Cs}$ .

چشمه	تالی (cm <sup>2</sup> ) F2 برای وقتی ظرف خالی است	تالی (cm <sup>2</sup> ) F2 بدون ظرف	تضعیف پرتوهای ناشی از ظرف
$^{137}\text{Cs}$	0/193723	0/1937353	0/001296
$^{60}\text{Co}$	0/0973920	0/0986882	0/003633

حال اگر نمونه خاک درون ظرف را در سامانه قرار داده و شار سطحی روی پنجره آشکارساز را بدست آوریم و اثر ظرف خاک (که در ابتدا محاسبه شد) را از آن کم کنیم تضعیف شار ناشی از خاک به تنهایی بدست می‌آید و با قرار دادن در رابطه [5] مقدار رطوبت خاک بدست می‌آید.

## نتایج و بحث

در جدول 3 و 4 به ترتیب نتایج محاسبه رطوبت خاک به همراه خطای آنها برای دو چشمه  $^{60}\text{Co}$  و  $^{137}\text{Cs}$  با استفاده از کد MCNP-4C در دو حالت بدون تصحیح اثر ظرف و تصحیح آن بیان شده است. در این تحقیق به دنبال اثر ظرفی که خاک در داخل آن قرار داده شده است و حذف اثر آن بر روی رطوبت محاسبه شده بودیم. در اینجا از ظرف پلاستیکی به خاطر چگالی پایین آن استفاده کردیم این ویژگی باعث تضعیف کمتر پرتوهای گاما شده و در نتیجه خطای کمتری در اندازه‌گیری رطوبت خاک ایجاد می‌کند. با توجه به جدول 3 و 4 مشاهده می‌شود که خطای اندازه‌گیری با چشمه  $^{60}\text{Co}$  کمتر است زیرا پرتوهای گامای این چشمه (1/17 و 1/33 MeV) در مقایسه با پرتوهای گامای چشمه  $^{137}\text{Cs}$  (1/33 و 0/66 MeV) بیشتر است و این سبب می‌شود که نفوذ پرتوی گاما در ماده بیشتر باشد و در نتیجه تاثیر ظرف خاک بر روی تضعیف پرتوی گاما کمتر شده و در نتیجه خطای محاسبه رطوبت کاهش می‌یابد.



جدول 3- مقایسه میزان دقت کد در تشخیص رطوبت و خطای ناشی از اثر ظرف با چشمه  $^{137}\text{Cs}$ .

خطای نسبی بین مقدار واقعی و بدست آمده از روی ظرف همراه ظرف (%)	رطوبت بدست آمده با کد به همراه ظرف (%)	خطای نسبی بین مقدار واقعی و بدست آمده از روی کد بدون ظرف (%)	رطوبت بدست آمده با کد بدون ظرف (%)	رطوبت خاک واقعی (%)
2/689	2/135	1/896	2/152	2/194
2/601	5/176	2/551	5/178	5/314
3/727	8/119	2/759	8/249	8/434
3/831	15/612	2/987	15/878	16/234
4/919	23/143	4/087	23/481	24/034

جدول 4- مقایسه میزان دقت کد در تشخیص رطوبت و خطای ناشی از اثر ظرف با چشمه  $^{60}\text{Co}$ .

خطای نسبی بین مقدار واقعی و بدست آمده از روی ظرف همراه ظرف (%)	رطوبت بدست آمده با کد به همراه ظرف (%)	خطای نسبی بین مقدار واقعی و بدست آمده از روی کد بدون ظرف (%)	رطوبت بدست آمده با کد بدون ظرف (%)	رطوبت خاک واقعی (%)
1/201	2/168	1/896	2/155	2/194
0/898	5/266	0/121	5/201	5/314
3/052	8/177	2/187	8/249	8/434
3/320	15/695	2/191	15/878	16/234
3/749	23/427	3/529	23/481	24/034

## مراجع

- Baytas AF & Sevgi Ak, May 2001, Determination of soil parameters by gamma-ray transmission, Radiation measurements, Volum 35, Page 17-21
- Bilskie J, Ph.D, 2001 Soil water status: content and potential, Campbell Scientific Inc
- Celik N & Cevik U, June 2010, Monte Carlo determination of water concentration effect on gamma-ray detection efficiency in soil samples, Applied Radiation and Isotopes, Volume 68, Issue 6, Pages 1150-1153
- Demir D & et al, April 2008, Determination of photon attenuation coefficient, porosity and field capacity of soil by gamma-ray transmission for 60, 356 and 662 keV gamma ray, Applied radiation and Isotopes, Volum 66, Pages 1834-1837
- Pires LF & et al, May 2005, Soil water retention curve determined by gamma-ray beam attenuation, Soil and Tillage Research, Volume 82, Issue 1, Pages 89-97
- عباس آباد عربی ط، توکلی عنبران ح، 1389، محاسبه رطوبت خاک با استفاده از پرتوهای گاما به روش شبیه‌سازی مونت کارلو، هفدهمین کنفرانس هسته‌ای ایران، اصفهان
- Tsoufanidis N, 2008, Measurement and detection of radiation
- براون اثر دتریش، 1380، روش‌های ساده در شناسایی پلاستیک‌ها، ترجمه کوبکی مهرداد، کار آفرینان بصیر
- <http://en.wikipedia.org/wiki/Polystyrene>